

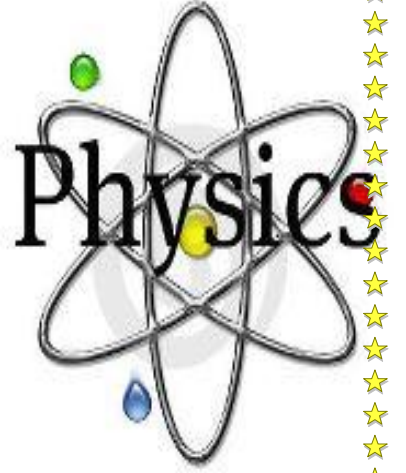
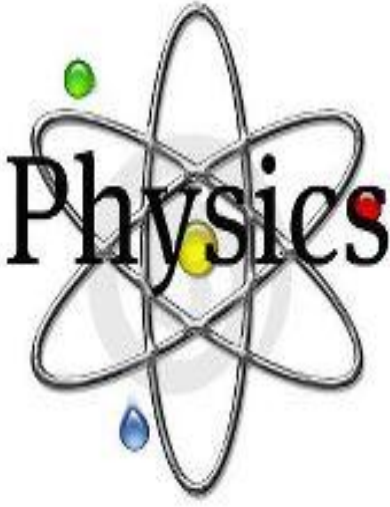
بسم الله الرحمن الرحيم

مذاكرة اليقين

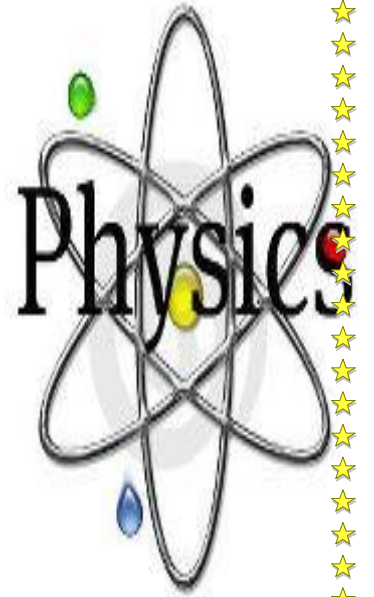
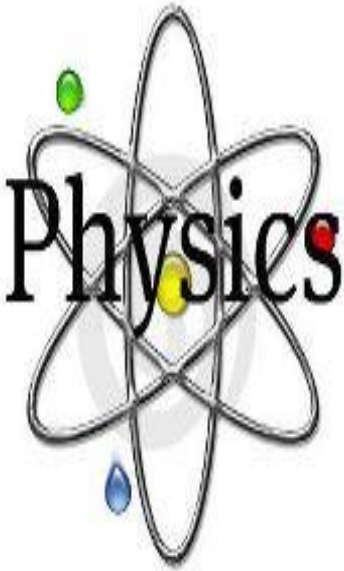
في

الفيزياء

الباب الاول



حنبنيهو البنحلم بيهو يوماتي
(اذا اهمك امر فتذكر ارحنا بها يا بلال)
كن على يقين انك من المنه الاوائل



إعداد الأستاذ/

مجاهد الطيب محمد احمد أبو الحسن

ماجستير فيزياء جامعة السودان للعلوم والتكنولوجيا

طالب دكتوراه جامعة السودان

رئيس شعبة الفيزياء بكلية الفجر للعلوم والتكنولوجيا

الشقيلاب النموذجية بنات

مدرسة الكودة

صدقه جاريه

الحركة الدائرية

* **تعريف الحركة الدائرية :** هي حركة الأجسام في مسار دائري أو جزء من دائرة .

* **الحركة الدائرية المنتظمة:** هي حركة الأجسام في مسار دائري أو جزء من دائره بحيث يقطع مسافات متساوية في ازمته متساوية.

* **لكي تكون الحركة الدائرية منتظمة لا بد من توفر الآتي:**

(١) أن يكون نصف قطر المدار الدائري ثابت. (٢) أن يتحرك الجسم بسرعة (ع) ثابتة.

* **أمثلة للحركة الدائرية :**

(١) حركة الكواكب حول الشمس.

(٢) حركة الأقمار الاصطناعية حول الأرض.

(٣) حركة الإلكترونات حول النواة.

(٤) حركة جسم مربوط بخيط.

(٥) حركة المراوح .

(٦) حركة إطارات السيارات.

* **أهمية الحركة الدائرية المنتظمة في أنها تفسر:**

(١) حركة الكواكب حول الشمس وحركة الأقمار الاصطناعية حول الأرض.

(٢) عدم سقوط القمر على الأرض رغم أنه في تجاذب مع الأرض .

(٣) عدم سقوط الكواكب حول الشمس رغم وجود قوة التجاذب بينها.

* **مصطلحات الحركة الدائرية :**

(١) **المسافة القوسية (س) :**

هي طول القوس الذي يقطعه الجسم أثناء سيره على محيط الدائرة. وتقاس بالمتر.

$$س = هـ \times نق$$

حيث:

نق = نصف قطر الدائرة

هـ = الزاوية المزاحة بالراديان

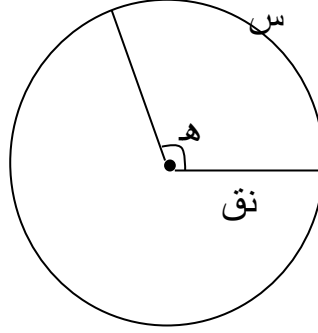
س = طول القوس

(٢) **الزاوية المزاحة الزاوية الازاحية او الإزاحة الزاوية (هـ):**

هي الزاوية التي تصنعها حركة الجسم مع مركز الدائرة أثناء سيره على محيط الدائرة وتقاس بوحدة الراديان.

* تعريف الراديان:

هى الزاوية التي طول قوسها على محيط الدائرة يساوي نصف قطر الدائرة .



* ملحوظة:

$$\frac{\pi}{180} \text{ للتحويل من درجة إلى راديان نضرب في } \frac{\pi}{180}$$

مثال: حول ٦٠ درجة إلى تقدير دائري:

الحل:

$$٦٠ \text{ درجة} = \frac{\pi}{180} \times ٦٠ = \frac{\pi}{3} \text{ راديان}$$

(٣) الدورة الكاملة:

هى رحلة الذهاب والأياب لجسم يتحرك من نقطه ليعود لنفس النقطه فى نفس اتجاه حركته الابتدائية.

(٤) الزمن الدوري (ز):

هو الزمن اللازم لإكمال الجسم دورة كاملة حول نفسه, ويقاس بالثانية أو الهيرتز^{-١} أو ثانية/دورة .

$$\text{الزمن الدوري} = \frac{\text{الزمن الكلي}}{\text{عدد الدورات}} \quad \text{ز} = \frac{\text{ن}}{\text{عد}}$$

(٥) التردد (ذ):

هو عدد الدورات الكاملة فى الثانية الواحدة, ويقاس بالهيرتز أو ثانية^{-١} أو دورة/ثانية .

$$\text{التردد} = \frac{\text{عدد الدورات}}{\text{الزمن الكلي}} \quad \text{ذ} = \frac{\text{عد}}{\text{ن}}$$

تعريف الهيرتز: هو تردد جسم يعمل واحد دوره فى زمن مقداره واحد ثانيه.

* ملحوظة:

$$\text{التردد} = \text{مقلوب الزمن الدوري} \quad \frac{1}{\text{ذ}} = \text{ز} \quad \text{أو} \quad \frac{1}{\text{ز}} = \text{ذ}$$

$$\text{التردد} \times \text{الزمن الدوري} = ١$$

أمثلة

(١) جسم مربوط بخيط طوله ٢ متر, ويصنع زاويه مقدارها ٣٠°, احسب:

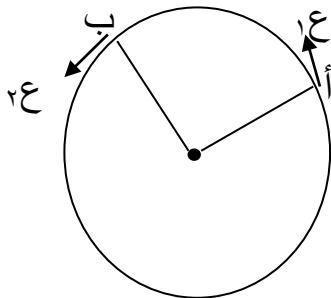
١. الزاويه بالراديان ٢. المسافه التى قطعها الجسم.

٢) جسم يتحرك في مدار دائري بحيث يعمل ٢٠٠ دوره كل ٢٠ ثانية, اوجد:
١. التردد ٢. الزمن الدوري.

٣) يتحرك جسم دائرياً بواسطة خيط بمعدل ١٢٠٠ دورة في الدقيقة. أحسب:
١) الزمن الدوري ٢) التردد

٤) جسم تردده ٤ هيرتز, احسب عدد الدورات خلال ٣ ثواني.

٥) جسم كتلته ٢ كجم يتحرك في مدار دائري قطره ٢٠ متر احتاج الجسم إلى ١ ثواني لإتمام ٥ دورات كاملة . احسب ما يلي: ١. الزمن الدوري ٢. التردد الجسم.



* ملاحظات عن الحركة الدائرية:

شكل يوضح الحركة الدائرية حيث:

ع = السرعة المماسية .

هـ = الزاوية المزاحة .

أ.ب = طول القوس (المسافة القوسية).

* السرعة عند أي نقطة على محيط الدائرة تكون مماسية لهذه الدائرية وتسمى السرعة المماسية (ع).

* السرعة تكون ثابتة المقدار متغيرة الاتجاه وتغير الاتجاه هو سبب وجود العجلة المركزية (ج).

* عندما يكمل الجسم دورة كاملة تكون السرعة قد غيرت اتجاهها بزاوية قدرها 360° درجة (2π) راديان.

* يحتفظ الجسم بمساره الدائري بسبب وجود قوتين قوة تشد نحو مركز الدائرة تسمى قوة الجذب المركزية

(ق)، واخرى مساوية لها مقدارا ومضادة لها في الاتجاه تسمى قوة الطرد المركزيه.

* في حالة تحريك جسم مربوط بخيط فإن قوة الجذب المركزية تظهر في صورة شد في الخيط.

* أي جسم يتحرك في مسار دائري له سرعتان هما:

❖ السرعة الخطية أو المماسية (ع).

❖ السرعة الزاوية أو التردد الزاوي (w).

(٦) السرعة المماسية أو الخطية أو المدارية (ع): هي معدل تغير المسافة القوسية بالنسبة للزمن.

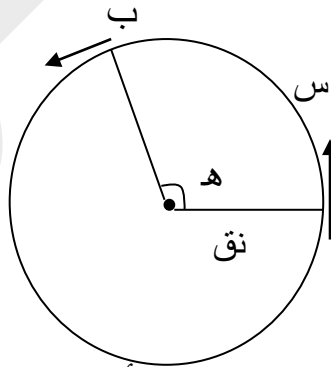
$$ع = \frac{\text{المسافة القوسية}}{\text{الزمن}} = \frac{\text{محيط الدائرة}}{\text{الزمن الدوري}}$$

$$\boxed{ع = \frac{2\pi \text{ نق}}{ز} \text{ أو } ع = 2\pi \text{ نق ذ}}$$

حيث:

ز = الزمن الدوري ذ = التردد .

(٧) السرعة الزاوية أو التردد الزاوي (w) (أوميغا): هي معدل تغير الزاوية المزاحة بالنسبة للزمن.



هذا الشكل يوضح حركة جسم في مسار دائرة من (أ) إلى (ب) في زمن قدره (ن) حيث سار على محيط

الدائرة قاطعاً قوساً (س) صانعاً زاوية (هـ) مع المركز فان:

$$\text{المسافة} = \text{السرعة} \times \text{الزمن} ، \text{ س } = \text{ع} \times \text{ن} \dots\dots\dots (١)$$

يتحرك الجسم بسرعة ثابتة القيمة متغيرة الاتجاه بسبب حركة الجسم في مسار دائري ولذلك فإن المسافة

القوسية:

$$\text{س} = \text{نق} \times \text{هـ} \dots\dots\dots (٢)$$

من العلاقتين (١) و (٢) نجد أن :

ع × ن = نق × ه ← ع = نق × $\frac{ه}{ن}$
 $\frac{ه}{ن}$ = هي السرعة الزاوية ويرمز لها بالرمز (w) وينطق (أوميقا). وتقاس بوحدة راديان/ثانية

$$\frac{ه}{ن} = w$$

* علاقة بين السرعة الزاوية والسرعة المماسية:

$$ع = نق \times w$$

* ملحوظة: إذا أكمل الجسم دورة كاملة فإن الزاوية ه = ٣٦٠ درجة = 2π , وان الزمن ن = ز, فان:

$$\therefore w = \frac{ه}{ن} = \frac{2\pi}{ن} = \frac{2\pi}{ز}$$

* علاقة السرعة الزاوية بالزمن (ز) و التردد (ذ):

$$\frac{2\pi}{w} = ز \quad ** \quad \frac{2\pi}{ز} = w$$

$$\frac{w}{2\pi} = ذ \quad ** \quad 2\pi ذ = w$$

* علاقة السرعة المماسية بالسرعة الزاوية والزمن الدوري والتردد:

$$ع = w \times نق$$

$$\frac{2\pi نق}{ن} = ع$$

$$ع = \frac{2\pi نق}{ن}$$

** إذا اهمك امر فتذكر ارحنا بها ي بلال **

ومن يتهيىب صعود الجبال ** يعيش ابد الدهر بين الحفر

أمثلة

(١) جسم كتلته ١ كجم يدور بواسطة خيط طوله ٢ م في مسار دائري بحيث يكمل دورتين كل ثانية اوجد:
١. الزمن الدورى ٢. التردد ٣. السرعة المماسية ٤. السرعة الزاوية.

(٦) جسم يدور بواسطة خيط طوله ٨٠ م، بمعدل ٤٠ دورة كل ١٠ ثواني، احسب:
١. الزمن الدورى ٢. التردد ٣. السرعة المماسية ٤. السرعة الزاوية.

(٧) *جسم يدور في دائرة قطرها ٢ متر فيضع زاوية مركزية قدرها ٩٠° في ثانيتين احسب:
١/ الزاوية بالراديان ٢/ سرعة الجسم الزاوية
٣/ سرعة الجسم المماسية ٤/ المسافة التي قطعها الجسم

(٨) جسم كتلته ١ كجم يدور بواسطة خيط طوله ٤ متر ، في مسار دائري بحيث يكمل دورتين كل ثانية ، اوجد:-
١. الزمن الدورى ٢. التردد ٣. السرعة المماسية ٤. السرعة الزاوية.

٩) يدور جسم في مسار دائرة نصف قطره ١٤ متر بسرعة ٧٠ م/ث :جد سرعة الجسم الزاوية:

١٠) جسم كتلته ٢٠٠ جرام يدور بسرعة خطية تساوي ٣ م/ث بقوة جذب مركزية ١.٨ نيوتن، جد:
أ) التردد الزاوي ب) عدد الدورات الكاملة خلال ٣ ثواني

١١) جسم يدور بواسطة خيط طوله ٢٠ سم بمعدل ٤٠ دورة كل ٤ ثواني أوجد :
أ/ التردد ب/ السرعة الزاوية ج/ السرعة المماسية

١٢) (٢٠٢٢) جسم صغير يدور في مدار دائري نصف قطره ١٠ سم، فقطع قوسا مقداره ٣١,٤ سم خلال ٥ ثواني، جد:

أ. مقدار الزاوية المزاحة:
ب. عدد الدورات خلال ٣٠ ثانية:

١٣) إذا كانت السرعة الزاوية لجسم متحرك حركة دائرية منتظمة = 8π راديان/ الثانية جد:

١. التردد. ٢. الزمن الدوري. ٣. السرعة الزاوية للجسم بوحدة درجة/الثانية.

٤. مقدار الزاوية المزاحة خلال ٦ ثواني بوحدة درجة.

٥. مقدار الزاوية المزاحة خلال ٢٠ ثانية بوحدة الراديان.

قوة الجذب المركزية

* **قوة الجذب المركزية:** هي القوة اللازمة لكي يدور اي جسم في مسار دائري و تشدة وتربطة بمركز الدائرة .

* متى يقال ان الجسم يتحرك حركة دائرية منتظمة ؟
عندما يتحرك هذا الجسم في دائرة بسرعة ثابتة.

* **في الحركة الدائرية نجد ان سرعة الجسم ثابتة ولكن متغيره الاتجاه علي ماذا يدل ذلك ؟**
يدل علي وجود عجلة.

* **نجد ان هذه العجلة تتطلب وجود قوة تؤثر علي الجسم ، اين يكون اتجاه هذه القوة ؟**
يكون نحو مركز الدائرة .

** **عجلة قوة الجذب المركزية (ج):** هي العجلة الناتجة من تغير **متجه** السرعة اثناء سير الجسم علي محيط الدائرة.

$$ج = \frac{ع^2}{نق}$$

حيث:

ج: عجلة الجذب المركزية ، نق : نصف قطر الدائرة ، ع : سرعة الجسم.
من قانون نيوتن الثاني نجد ان قوة الجذب المركزيه $ق = ك \times ج$,نعوض قيمة (ج) في القانون فان القوة

$$ق = \frac{ك \times ع^2}{نق}$$

حيث:

ق: قوة الجذب المركزية ، ك : كتلة الجسم

هذه العلاقة تبين ان قوة الجذب المركزية تتناسب **طرديا** مع **كتلة الجسم** و**مربع السرعة المماسيه** و**عكسيا** مع **نصف القطر**.

*** صيغ أخرى لعجلة وقوة الجذب المركزية :**

عجلة الجذب المركزية	قوة الجذب المركزية
$\frac{v^2}{r} = \frac{a_c}{r}$	$\frac{v^2}{r} = \frac{a_c}{r}$
$\frac{v^2}{r} = \frac{a_c}{r}$	$\frac{v^2}{r} = \frac{a_c}{r}$
$\frac{v^2}{r} = \frac{a_c}{r}$	$\frac{v^2}{r} = \frac{a_c}{r}$

ق : قوة الجذب المركزية
ك : كتلة الجسم
ع : سرعة الجسم
س : السرعة الزاوية

*** قوة الجذب المركزية بدلالة الزمن الدوري و التردد:**

$$Q = \frac{K v^2}{r} = \text{عوض قيمة ع} = \frac{\pi^2}{T^2} \times \text{نق} \quad \text{او} \quad \frac{\pi^2}{T^2} \times \text{نق} \quad \text{ذ}$$

$$Q = \frac{\pi^2 K v^2}{r} \quad \text{او} \quad Q = \frac{\pi^2 K v^2}{r}$$

**** بدل ان تلعب الظلام اوقت نقابا ****

امثلة

١. جسم كتلته ٨ كجم يتحرك بسرعة زاوية قدرها ٢ راديان/ث فاذا كانت سرعته المماسية ٤ م/ث. جد: قوة الجذب المركزية؟

.....

.....

.....

.....

٢. جسم كتلته ١٠ كجم يدور بسرعة زاوية قدرها ٥ درجات/ث في مسار دائري نصف قطرها ٤ امتار احسب: أ/ سرعته المماسية ب/ عجلته المركزية ج/ قوة الجذب المركزية

.....

.....

٣. جسم كتلته ٥ كجم يدور في دائرة نصف قطرها ٣ م بمعدل ٢ دورة كل ثانية، جد:
١. السرعة الزاوية ٢. السرعة الخطية ٣. قوة الجذب المركزية.

٤. جسم كتلته ٤٠ جم يتحرك على محيط دائرة نصف قطرها ٢٠ سم يكمل ٢٠ دورة خلال ٤٠ ثانية، جد:
١. الزمن الدورى ٢. التردد ٣. السرعة الزاوية ٤. السرعة الخطية ٥. العجلة المركزية ٦. قوة الجذب المركزية.

٥. احسب القوة اللازمة لجعل جسم كتلته ٢٠٠ جرام يتحرك في مسار دائري أفقي نصف قطره يساوي ٥٠ سم في زمن دوري مقداره (٠.٥) ثانية، خذ $(\pi = ١٠)$

٦. كرة كتلتها ٠,٥ كجم مربوطة في طرف خيط طوله ٠,٥ متر و يعمل ١٤ دوره كل ٢ ثانية
($\frac{22}{7} = \pi$) احسب:

أ/ الزمن الدوري ب/ التردد د/ السرعة الزاوية هـ/ الزاوية المزاخه (هـ).

و/ طول القوس المقطوع ز/ قوة الشد في الخيط هـ/ السرعة المماسية

٧. يتحرك جسم فى مسار دائرى منتظم نصف قطرة ١٠ متر فقطع مسافة ٣,١٤ متر خلال ٥ ثوانى,جد:

(١) مقدار الزاوية المزاخه:

(٢) التردد:

٨. يتحرك جسم حركة دائرية منتظمة نصف قطرها ١٠ م فقطع مسافة ٦٠ م خلال ٣ ثواني, جد:

١. الزمن الدورى ٢. عجلة الجذب المركزية. ٣. قوة الجذب المركزيه

٩. كرة من الحديد كتلتها ٢٥٠ جم مربوطة بطرف خيط طولة ٤ امتار وعندما ادير الخيط حول محور

ثابت انتظم فى مسار دائرى بمعدل ٦٠ دورة لكل دقيقتين. جد:

١. تردد حركة الكرة ٢. الزمن الدورى للكرة ٣. السرعة الزاوية للكرة ٤. قوة الشد فى الحيط.

**** ومن لم يذق مر التعلم ساعة **** تجرعه مر الجهل طول حياته ****

قوة الطرد المركزية

هي قوة تعمل كرد فعل لقوة الجذب المركزية واتجاهها الى الخارج وهى قوة ليست اصلية.

* تعتبر قوة الطرد المركزية قوة غير اصلية؟لانه لا يظهر اثرها الا في حالة انعدام قوة الجذب المركزية.

* تأثيرات قوة الطرد المركزية فى حياتنا اليومية :

١. منع سقوط السفن الفضائية نحو الارض.

٢. رواد الفضاء داخل السفينة فى حالة انعدام وزن.(لان محصلة القوة المؤثرة عليهم = صفر).

٣. حركة السوائل نحو جدار الاناء اذا اجبر على حركة دائرية دون امداده بقوة جذب مركزية كافية .

٤. فرز السوائل مختلفة الكثافة عن بعضها البعض.

٥. امالت اجسام الركاب في الاتجاه المعاكس لاتجاه دوران سيارة غيرت اتجاهها فجأة.

* يتم فرز السوائل عن بعضها بواسطة جهاز يسمى ؟ النابذة .

* تعريف جهاز النابذة؟ هو جهاز يقوم بفصل السوائل مختلفة الكثافة عن بعضها البعض عن طريق

تسليط قوة طرد مركزية عليها.

* استخدامات جهاز النابذة:

١/ فرز السكر عن المولاص.

٢/ فرز البلازما عن الدم.

٣/ فرز الذبدة عن اللبن.

٤/ فرز الاملاح عن البول.

٥/ استخلاص الذهب

٦/ الغرف الدواره. ٧/ تجفيف الملابس في الغسالات.

* الحركة الدائرية علي سطح الارض :

نلاحظ في حياتنا اليومية ان راكبي درجات السباق يميلون بزاوية معينة مع الطريق عند السير بسرعات

عالية وذلك حتى يولدون قوة جذب مركزية .

* السيارات لا تستطيع الميلان عند السير بسرعة عالية في الطريق الدائرية لذلك لا توجد قوة جذب

مركزية عدا التى يوفرها احتكاك السيارة مع سطح الارض .

* يختل توازن السيارات اذا سارت بسرعة كبيرة في مسار دائرى ؟

عدم قدرة السيارة على الميلان يؤدى الى عدم توفير قوة جذب مركزية لازمة تحفظ السيارة في مسارها .

* يتم رصف طرق المرور السريع بحيث تميل بزاوية مع المستوى الافقي؟

لامداد السيارة بقوة جذب مركزية.

* اذا كانت الدراجة تسير في خط مستقيم :

ففى هذه الحالة نجد ان قوة الفعل = قوة رد الفعل (الوزن)

$$ر = و$$

* **عندما تتحرك الدراجة في مسار دائري :**

نلاحظ في سباقات الدراجات ان الدراجة بسائقها تميل نحو مركز الدائرة التي يعتبر المنحنى جزء منها، ونتيجة للميلان تصبح لردة الفعل (ر) مركبتان هما:

مركبة افقية = ر جاه (تتجه نحو مركز الدائرة التي يعتبر المنحنى جزء منها وهما تمثل قوة الجذب المركزية التي تحفظ الدراجة في المنحنى).

$$ق = ر \text{ جاه} \leftarrow (1)$$

مركبة راسية = ر جتاه (وهي تعادل وزن الجسم (و)).

$$و = ر \text{ جتاه} \leftarrow (2)$$

بقسمة (1) و (2) نجد ان قوة الجذب المركزية الناتجة عن الميلان =

$$ق = و \text{ ظاه}$$

$$ق = ك \times د \times \text{ظاه}$$

* كلما كانت زاوية الميلان كبيرة كلما كانت القوة الناتجة كبيرة .

* **اذا كانت الزاوية ه = صفر ماذا يعنى ذلك ؟**

يعنى انه لا يوجد ميلان وهذا يدل على انه لا توجد قوة جذب مركزية (عدا الاحتكاك) .

* **يزداد الميلان كلما كانت السرعة المسموح بها كبيرة.**

* **حساب السرعة المسموح بها في الطريق المائل:** (السرعة الامنه):

هي اقصى سرعه يتحرك بها الجسم دون ان ينحرف عن مساره ويفقد السيطرة.

لكي تكون السيارة مستقره في مسارها الدائري لابد من ان :

قوة الجذب المركزية = قوة الجذب المركزية الناتجة عن ميلان الطريق

$$\frac{ك ع^2}{نق} = ك \times د \times \text{ظاه}$$

$$ع^2 = نق د ظاه \quad \text{او} \quad ع = \sqrt{نق د ظاه}$$

حيث :

ع = سرعة السيارة ، نق = نصف قطر المنحنى ، ه = زاوية ميلان الطريق.

قيمة السرعة (ع) في العلاقة السابقة اذا زادت السيارة عنها فانها تصبح غير مستقرة وربما تخرج عن

مسارها، اما الدراجة فتزيد زاوية ميلانها كلما زادت سرعتها.

* لحساب زاوية الميلان:

القانون	المعطيات
$\frac{ق}{ك \times د} = \text{ظاهر}$	قوة الجذب المركزيه الناتجه عن الميلان
$\frac{ع^2}{د \times ق} = \text{ظاهر}$	السرعه الامنه
$\frac{ق}{ر} = \text{جاه}$	قوة الجذب المركزيه ورد الفعل
$\frac{و}{ر} = \text{جتاه}$	الوزن ورد الفعل
نستخدم قاعدة فيثاغورث لايجاد الضلع الثالث ونوجد ظل الزاويه $\frac{\text{المقابل}}{\text{المجاور}} =$	الزاويه التي جيبها = $\frac{\text{المقابل}}{\text{الوتر}}$

امثله

- سيارة كتلتها ١٠٠ كجم تسير في طريق منحنى بسرعة ١٠٨ كلم / ساعة اذا كان نصف قطر انحناء الطريق ٢٠ متر ويميل بزاوية ٤٥° جد:
 ١/ قوة الجذب المركزيه الناتجه عن الميلان
 ٢/ السرعة المسموح بها
 ٣/ هل السرعة مناسبة

- سيارة تسير في طريق منحنى بسرعة ٧٢ كلم / ساعة اذا كان نصف قطر الطريق ٤٠ متر جد زاوية ميل الطريق المناسبه لحفظ السيارة في مسارها الدائري.

٣. (٢٠٢٢) راكب دراجه كتلتته هو والدراجة ٨٠ كجم يسير فى منعطف دائرى نصف قطره ١٠ سم وبسرعه قصوى امنه تعادل ٤ م/ث, فاذا كانت عجلة الجاذبيه الارضيه = ١٠ م/ث^٢. جد:
أ. زاوية ميلان الدراجة:

ب. قوة الجذب التى يوفرها الميلان:

٤. سيارة كتلتها ٤٠٠ كجم تسير في طريق منحنى بسرعة ٤٠ م / ث اذا كان نصف قطر انحناء الطريق ١٠ متر ويميل بزاوية ٤٥° جد:

١/ قوة الجذب المركزية الناتجة عن الميلان ٢/ السرعة المسموح بها ٣/ هل السرعة مناسبة

٥. راكب دراجة يسير بسرعة ٦ م/ث فى منحنى دائرى نصف قطره ١٠ م.ا. جد زاوية الميلان التى تجعله يكمل سيرة بامان وبنفس السرعة. (د = ١٠ م/ث).

٦. سيارة تسير في طريق منحنى بسرعة ١٤٤ كلم / ساعة اذا كان نصف قطر الطريق ٤٠ متر **جد زاوية ميل الطريق المناسبة لحفظ السيارة في مسارها الدائري**

٧. بكره نصف قطرها ٢٠سم تسحب بخيط بمعدل ٦ راديان/ث **جد طول الخيط المسحوب في دقيقة.**

تمارين

* **عرف الاتي:**

(١) الحركة الدائرية المنتظمة:

(٢) الهيرتز:

(٣) الزاوية المزاحة:

(٤) الدورة الكاملة:

(٥) الزمن الدوري (ز):

(٦) التردد (ذ):

(٧) السرعة الزاوية (ω):

(٨) التردد الزاوي:

(٩) المسافة القوسية:

(١٠) السرعة المماسية:

..... (١١) قوة الجذب المركزية:

..... (١٢) الراديان:

* اكمل الأتى:

١. هي قوة تعمل كرد فعل لقوة الجذب المركزية واتجاهها الى الخارج
وهى قوة ليست اصيلة.

٢. عندما يكمل الجسم دورة كاملة فانه يصنع زاوية مقدارها.....

٣. عندما يكمل الجسم دورة كاملة فان الزمن يسمى

٤. التردد الزاوى يتناسب طرديا مع تردد الجسم وعكسيا مع.....

٥. التردد الزاوى يقاس بوحدة.....

٦. التردد $\times$ الزمن الدورى =

٧. تمنع سقوط السفينة الفضائية نحو الارض.....

٨. نلاحظ في حياتنا اليومية ان راكبي درجات السباق يميلون بزاوية معينة مع الطريق عند السير بسرعات

عالية وذلك حتى يولدون.....

٩. القانون ع^٢ = س ص ظاهر ,حيث ع = السرعة الامنة لجسم يسير فى مسار دائرى, وضح ما تشير

الية الرموز: س = ص =

١٠. لكى تكون السيارة مستقره في مسارها الدائرى لابد من ان :

قوة = قوة

١١. اذا كانت الدراجة تسير في خط مستقيم ففى هذه الحالة نجد ان:

قوة الفعل =

* اذكر الاتى:

١. مثالين لجسم يتحرك حركة دائرية:

.....

٢. مثالين لقوة الطرد المركزية:

.....

٣. استخدامات جهاز النابذة:

.....

* علل لما يأتى:

١) راكبي السيارات يميلون بزاوية عند السير بسرعات عالية:

٢) يختل توازن السيارات اذا سارت بسرعة كبيرة في مسار دائري:

٣) قرة الطرد المركزية قوة ليست اصيلة:

٤) يتم رصف طرق المرور السريع في المنحنيات بحيث تميل بزاوية مع المستوى الافقي:

* حل المسائل التالية:

١. يتحرك جسم دائرياً بواسطة خيط بمعدل ٦٠٠ دورة في الدقيقة. أحسب:

١) الزمن الدوري ٢) التردد

٢. جسم كتلته ٢ كجم يتحرك في مدار دائري قطره ١٠ متر احتاج الجسم إلى ١٠ ثواني لإتمام

دورات كاملة . احسب ما يلي: ١- الزمن الدوري ٢- تردد الجسم.

٣. جسم كتلته ١ كجم يدور بواسطة خيط طوله ٨٠ متر ، في مسار دائري بحيث يكمل دورتين كل ثانية

، أوجد:- أ/ الزمن الدوري ب/ التردد ج/ السرعة المماسية

٤. جسم يدور بواسطة خيط طوله ١٠ م بمعدل ٢٠ دورة كل ٤ ثواني أوجد :

أ/ الزمن الدوري ب/ السرعة الزاوية ج/ السرعة المماسية

٥. يدور جسم في مسار دائرة نصف قطره ١٠ متر بسرعة ١٠٠ م/ث : جد سرعة الجسم الزاوية:

٦. يدور حجر كتلته ٤٠٠ جرام. مربوط بخيط طوله ١٠ سم بمعدل ٦٠٠ دورة في الدقيقة . أحسب:

- ١- الزمن الدوري
- ٢- التردد
- ٣- التردد الزاوي
- ٤- السرعة المماسية
- ٥- قوة الجذب المركزية

٧. دراجه تتحرك فى طريق دائرى اذا كانت قوة رد الفعل الناتجه عن ضغط الارض على اطارات الدراجه

١٥٠ نيوتن وقوة الجذب الناتجه عن الميلا ٧٥ نيوتن, اوجد:

١. مقدار زاوية الميلا
- ب. السرعة المسموح بها اذا كان نصف قطر الطريق ١٠ م٣ متر.

٨. جسم كتلته ٢٠٠ كجم يدور بسرعة خطيه تساوي ٣ م/ث بقوة جذب مركزية ١.٨ نيوتن، جد:

(أ) التردد الزاوي (ب) عدد الدورات الكاملة خلال ٦ ثواني

٨. سياره وزنها $40\sqrt{3}$ كيلو تتحرك في طريق دائرى قطره $40\sqrt{3}$ متر، فاذا كان رد فعل الطريق 80

كيلو نيوتن وعجله السقوط الحر $9,8$ م/ث^٢ جد الاتى:

أ. زاويه ميلان الطريق علي الافقي.

ب. قوه الجذب المركزيه التي يوفرها ميلان الطريق للسياره.

ت. السرعه الامنه لهذا الطريق.

٩. قطار كتلته 10^6 طن يسير في طريق منحنى قطره 60 متر ويميل علي الامستوى الافقي بزاويه جيبها

$\frac{3}{5}$ اذا علمت ان عجله السقوط الحر 10 م/ث^٢ جد الاتى:

أ. قوه الجذب المركزيه التي يوفرها الميلان.

ب. السرعه الامنه لهذا الطريق.

١٠. عجله الجذب المركزيه في الحركه الدائريه تم التعبير عنها بحروف غير مالوفه كالاتى:

ج. $\alpha = \frac{v^2}{r}$ اجب عن الاتى.

ب. v تمثل =

أ. المقدار الثابت =

د. $\frac{\pi^2}{m}$ تمثل =

ج. m^2 تمثل =

١١. ما هو الزمن اللازم لعقرب الثواني لساعه حائطيه مذبوطه؟ وجد سرعته الزاويه؟

١٢. جسم كتلته ٤٠٠ جم مربوط بخيط طوله ٢ سم يدور بحيث يقطع مسافه ٨ متر في ٤ ثواني. احسب:
أ. السرعه المماسيه.

ب. قوة الشد في الخيط.

ج. السرعه الزاويه.

١٣. حجر صغير كتلته ١٥٠ جم مربوط بخيط طوله ٥٠ سم ويدور في حركه دائريه بسرعه ٣٠٠ دوره في الدقيقه. جد الاتي:

١. تردد الجركه.

ب. عدد الدورات في ٣ ثواني.

ج. قوة الجذب المركزيه.

د. سرعه الحجر لحظه انقطاع الخيط.

١٤. طريق منحنى على الأفقى بزوايه هونصف قطر انحنائه $20\sqrt{3}$ متر واقصى سرعه مماسيه يتحملها الطريق 14 م/ث^٢ احسب زوايه ميلان هذا الطريق علما بان عجله السقوط الحر $9,8$ م/ث^٢ جد الاتى:

١٥. يدور جناح مروحه 300 دوره خلال دقيقه, فاذا كان طول الجناح 70 سم جد:

ا. السرعه المماسيه.

ب. العجله المركزيه.

١٦. شاحنه كتلتها 8 طن تسير في طريق منحنى نصف قطر انحنائه 120 متر ويميل على المستوى الأفقى بزوايه ظلها $\frac{3}{4}$ وعجله الجاذبيه الارضيه 10 م/ث^٢ جد:

ا. قوة الجذب التي يوفرها الميلان.

ب. السرعه القصوى الامنه للطريق.

١٧. سياره كتلتها 8 طن تتحرك بسرعه 20 م/ث في طريق دائرى نصف قطره 100 متر اذا كانت عجله الجاذبيه 10 م/ث^٢ وظل زوايه الميلان 30° . احسب.

ا. القوه الحقيقيه لسير السياره.

ب. القوه التي يوفرها الميلان.

ج. السرعه الامنه لهذا الطريق.

د. هل السرعه مناسبه للطريق.

ه. هل زاويه الميلان مناسبه لهذا الميلان.

ح. اذا كانت الزاويه غير مناسبه احسب الزاويه المناسبه.

١٨. حجر كتلته (ك) مربوط بطرف خيط طوله (ل) يتحرك تحت تأثير قوة شد (ق) بسرعة (ع) مستخدماً

الرموز أعلاه. أكتب العلاقة التي يمكن بها إيجاد (ع):

أ) العلاقة هي $E = \dots$

ب) إذا زادت سرعة الحجر أعلاه وانقطع الخيط ماذا يحدث؟

**** اكمل:**

١. تردد الارض حول محورها = دوره/الساعه.

٢. تردد الارض حول الشمس = دوره/اليوم.

**** ضع المفهوم الفيزيائي المناسب:**

١. حركه جسم علي محيط دائره بسرعه خطيه ثابتة المقدار ومتغيره الاتجاه. ()

٢. النسبه بين طول المسار الدائري للقمر الصناعي وسرعته. ()

٣. قوه فى اتجاه المركز وعموديه علي متجه السرعه اثنا حركه الجسم. ()

٤. اقصى سرعه تسير بها السياره في طريق دائري. ()

٥. الزاويه المركزيه التي يقابلها قوسا طوله ١ سم في دائره نصف قطرها ١ سم. ()

٦. معدل تغير الزاويه المزاحه. ()

٧. جهاز يعمل وفق قوه الطرد المركزيه ويستخدم فى فصل المحاليل مختلفه الكثافه. ()

٨. زاويه طول قوسها يساوي نصف قطر الدائره. ()

* ضع علامة (✓) امام العبارة الصحيحة وعلامة (×) امام العبارة الخطأ :

قوة الطرد المركزي هي =

١/ قوة حقيقة. ()

٢/ تجذب الجسم نحو الخارج. ()

٣/ اكبر من قوة الجذب المركزية. ()

٤/ اثرها يظهر بعد زوال قوة الجذب المركزية. ()

التعليقات:

١. وجود عجله في الحركه الدائريه رغم ثبات السرعه.

٢. حركه جسم مربوط بخيط طويل اسهل من حركته بخيط قصير.

٣. قوة الجذب المركزيه لا تبذل شغلا.

٤. تصرف طرق المرور السريع في المنحنيات بحيث تكون مايله.

٥. لا توجد قوة جذب اذا لم يوجد ميلان.

٦. الركاب في سياره مسرعه يميلون في الاتجاه المعاكس لحركه سياره غيرت اتجاهها فجاءه.

٧. بعض السيارات تفقد توازنها اثناء انعطافها رغم وجود ميلان.

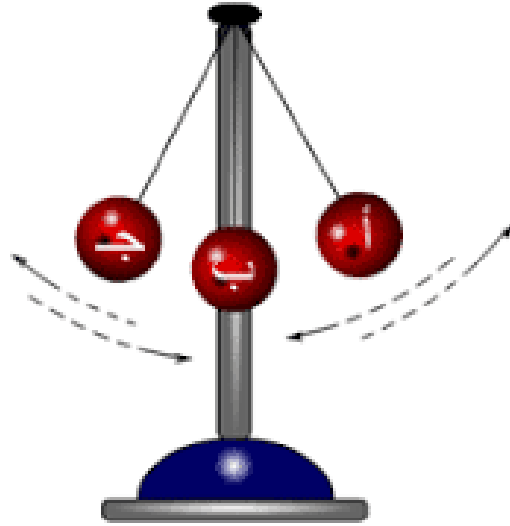
٨. وجود فرق بين الشهر القمري الحقيقي والشهر القمري المستخدم في التقويم الهجري.

٩. يطل القمر بوجه واحد علي الارض.

١٠. نرى انخفاض في منتصف سطح السائل عند تحريكه بمحرك.

الفصل الثاني

الحركة الاهتزازية



الاهتزاز الكامة

* * اخي لن تنال العلم الا بهمة :

هذه _____ وحسن واجتهاد وبلاغة وصحة استاذ وطول زمان

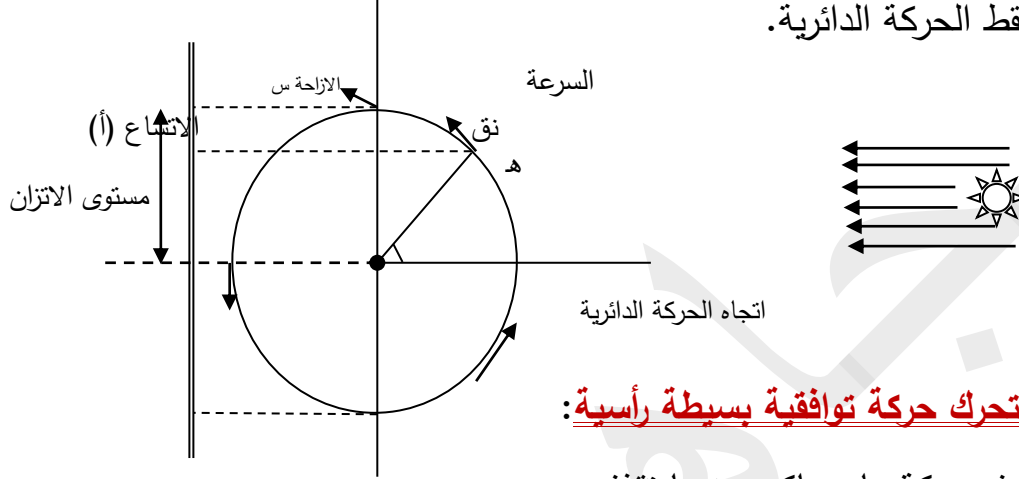
الحركة الاهتزازية

❖ الحركة الاهتزازية:

هي حركة يهتز فيها الجسم بين موضعين ثابتين، ومن أنقى صورها الحركة التوافقية البسيطة.

❖ تعريف الحركة التوافقية البسيطة:

هي ظل او مسقط الحركة الدائرية.



❖ أمثلة لأجسام تتحرك حركة توافقية بسيطة رأسية:

١- حركة فلين في بركة ماء ساكن عندما تقذفه بحجر.

٢- حركة الميزان الزنبركي (البندول الزنبركي)

❖ أمثلة لأجسام تتحرك حركة توافقية بسيطة أفقية:

١- البندول البسيط

٢- الأرجوحة.

❖ مصطلحات الحركة التوافقية:

(١) موضع الاتزان او مستوى الاتزان: هو الوضع الطبيعي للمنظومة وهي ساكنة.

(٢) الإزاحة: هي المسافة من مستوى أو موضع الاتزان. (إزاحة الجسم بعيدا عن موضع الاتزان).

(٣) الامتداد: هو أقصى إزاحة للجسم عن مستوى أو موضع الاتزان.

(٤) طول القوس : هي رحلة الذهاب والاياب من نقطه الاتزان.

(٥) الذبذبة الكاملة: هي رحلة الذهاب والإياب التي يستغرقها جسم يتحرك من نقطة ما ليعود لنفس النقطة

في نفس اتجاه حركته الابتدائية.

الذبذبة الكاملة = ٤ × الامتداد

طول القوس = ٢ × الامتداد

(٦) الزمن الدوري (ز): هو الزمن اللازم لعمل ذبذبة كاملة.

(٧) التردد (ذ): هو عدد الذبذبات الكاملة في الثانية الواحدة.

٨) السرعة الزاوية (ω) (التردد الزاوي): مقدار الزاوية المزاحة في الثانية الواحدة.

❖ معادلات الحركة التوافقية البسيطة:

١- معادلات الإزاحة (ص):

$$\boxed{ص = أ جا \omega ن}$$

أ = الاتساع ω = التردد الزاوي ن = الزمن الدوري

• أقصى إزاحة عندما جا $\omega ن = ١$ وذلك عندما تكون $\omega ن = ٩٠ = \frac{\pi}{2}$

• وفي هذه الحالة $\boxed{ص = أ}$

• تعريف آخر للاتساع: الاتساع = أقصى إزاحة

• أقل إزاحة عندما جا $\omega ن = صفر$ وذلك عندما تكون $\omega ن = ٠$

• الإزاحة = صفر عند موضع الاتزان وبالتالي تنعدم القوة وطاقة الوضع.

• جا أي عدد صحيح زوجي أو فردي $\pi ل = صفر$. مثلاً (جا $٢\pi = ٠$) و (جا $٣\pi = ٠$)

٢- معادلة السرعة (ع):

$$\text{السرعة} = \frac{\text{د ف}}{\text{د ن}} \quad (\text{نفاضل معادلة الإزاحة})$$

$$\boxed{ع = أ \omega جتا \omega ن}$$

• أقصى سرعة عند موضع الاتزان و بالتالي أقصى طاقة حركة وذلك عندما تكون جتا $\omega ن = ١$

• وذلك عند الزاوية $\omega ن = صفر$.

• أقل سرعة عندما تكون جتا $\omega ن = صفر$ ، وذلك عند الزاوية $\omega ن = ٩٠^\circ$ (عند الاتساع).

• جتا أي عدد صحيح زوجي $\pi ل = ١$. مثلاً (جتا $٢\pi = ١$).

• جتا أي عدد صحيح فردي $\pi ل = -١$. مثلاً (جتا $٣\pi = -١$).

٣- معادلة العجلة (ج):

$$\boxed{ج = \frac{د ع}{د ن} = -أ \omega^2 جا \omega ن} \quad \text{أو} \quad \boxed{ج = -\omega^2 ص}$$

• تنعدم العجلة عند موضع الاتزان و بالتالي تنعدم القوة.

- علامة **السالب** تعنى ان اتجاه العجلة (ج) تكون فى عكس اتجاه الزيادة فى الازاحه. لان العجلة فى الحركة التوافقية باتجاهها هذا تعمل على منع الزيادة فى الازاحه, لذلك تقف الحركة عند الاتساع (أ) وهو سبب توقف الحركة ورجوع الجسم للاتجاه الاخر.

- ما ينطبق على الازاحه ينطبق على العجله.

- المعادلة ج = ω^2 ص هى تربط بين الازاحه والعجله ومنها يمكن إيجاد تعريف آخر للحركة التوافقية البسيطة وهي:

الحركة التي تتناسب فيها العجلة طردياً مع سالب الإزاحة.

* قوانين أخرى:

القانون	الحاله
ص = أ	اقصى ازاحه للجسم
ع = أ ω	اقصى سرعه للجسم
ج = - أ ω^2	اقصى عجله للجسم

* مهم جداً:

١. عند موضع الاتزان نجد ان:

أ. الازاحه = صفر ب. العجلة = صفر ج. القوه = صفر د. طاقة الوضع = صفر
د. السرعه تكون فى اعلى قيمة لها هـ. طاقة الحركة تكون فى اعلى قيمة لها.

٢. عند اقصى ازاحه نجد ان :

أ. السرعه = صفر ب. طاقة الحركة = صفر ج. الازاحه, العجلة, طاقة الوضع والقوه تكون اعلى قيمة لها.
٣. **لايجاد اقصى طاقة حركه للجسم الذي يتحرك حركه توافقية بسيطه: وهى تكون عند اقصى سرعه.**

$$\text{طح} = \frac{1}{2} \text{ك} \leftarrow \frac{1}{2} \text{ك} (\omega^2)$$

٤. **لايجاد اقصى قوة مسببه للعجله لجسم يتحرك حركه توافقية بسيطه: وهى تكون عند اقصى عجله.**

$$\text{ق} = \text{ك} \times \text{ج} \leftarrow \text{ق} = \text{ك} \times \text{أ} \times \omega^2$$

أمثلة

(١) يتحرك جسم حركة توافقية بسيطة وفق المعادلة ص = ١٠ جا π^2 ن. جد:
١/ اتساعه ٢/ تردده الزاوي ٣/ تردده

(٢) يتحرك جسم حركة توافقية بسيطة وفق المعادلة: ص = ٢ جا π^4 ن متر. جد:
١/ اتساعه ٢/ تردده الزاوي ٣/ زمنه الدوري

(٣) يتحرك جسم حركة توافقية بسيطة وفق المعادلة: ص = ٢ جا π ن متر. جد:
١/ اتساعه ٢/ تردده الزاوي ٣/ الازاحة بعد ٢ ثانية

(٤) يتحرك جسم حركة توافقية بسيطة باتساع قدره ٢ متر وتردده ١٦/١ هيرتز :
١/ اكتب معادل حركته ٢/ أحسب الازاحة بعد ٢ ثانية ٣/ السرعة والعجلة بعد ثانيتين من بداية حركته

٥) يتحرك جسم في حركة توافقية باتساع قدره ٥ متر وتردد مقداره ٥ هيرتز. جد معادلة الحركة التوافقية للجسم وجد كذلك سرعته وعجلته بعد ٤ ثواني من بداية الحركة.

٦) جسم يتحرك حركة توافقية بسيطة وفق المعادلة $v = 2 \sin(\omega t)$ جا (ن) فإن مقدار الزاوية المزاحة =

٧) زنبرك يتذبذب ١٢ ذبذبة في ٣ ثواني، أحسب الزمن الدوري والتردد؟

٨) يتحرك جسم في حركة توافقية بسيطة باتساع قدره ٠.٠٥ متر وتردد مقداره ٥ ذبذبة/الثانية. جد معادلة الحركة التوافقية للجسم كذلك سرعته وعجلته بعد مرور ٤ ثواني من بداية الحركة.

٩) (٢٠٢٢) اذا كانت عجلة حركه توافقية بسيطه = - ٢٥ ص م/ث^٢. جد:

أ. التردد الزاوي للحركة:

ب. تصل الحركة الى اقصى قيمة لها عند ص =

١٠) يتحرك جسم حركة توافقية بسيطة وفق المعادلة $x = \pi \cos t$ جتا π ن. جد: اتساعه وتردده الزاوي

١١) يتحرك جسم حركة توافقية بسيطة بتردد مقداره ٤ هيرتز واتساع يعادل ٢ متر. جد:

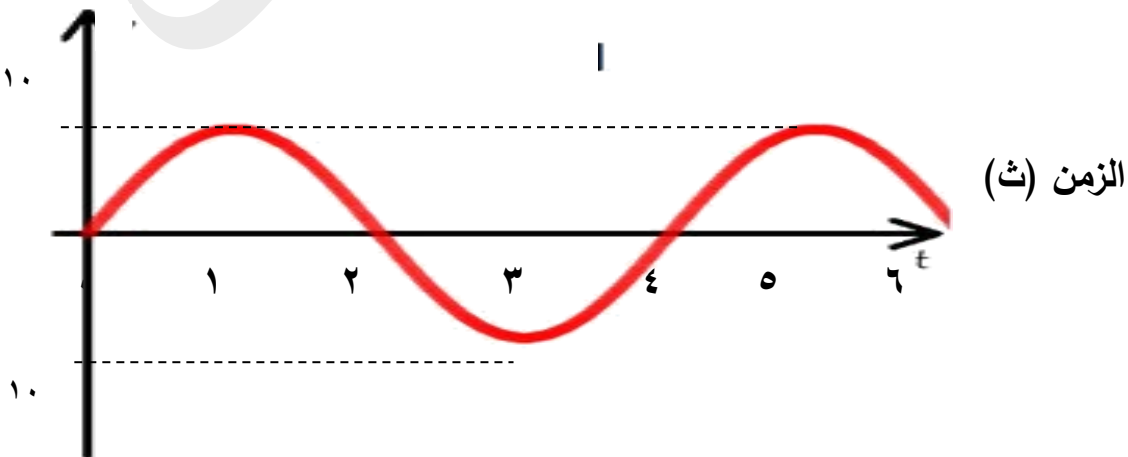
١- التردد الزاوي

٢- موضع الجسم بعد ثانيتين ونصف من بداية الحركة

٣- الزمن اللازم لإكمال ذبذبتين كاملتين.

١٢) الرسم التالي يمثل اهتزازة كتلة ما في حركة توافقية بسيطة. ادرس الشكل ثم أجب على الأسئلة:

(م) الإزاحة



- ١- السعة . الاتساع =
- ٢- الزمن الدوري (ز) =
- ٣- التردد الزاوي (ω) =
- ٤- متى تتعدم السرعة؟
- ٥- متى تتعدم الإزاحة و العجلة و القوة؟
- ٦- أقصى سرعة =
- ٧- أقصى عجلة =
- ٨- الطول الموجي =

(١٣) جسم يتحرك حركة توافقية بسيطة وفق المعادلة $x = 3\sqrt{2} \cos(\omega t)$ جا ω (ن) فإن مقدار الزاوية المزاخة (ω ن) = درجة = راديان

(١٤) جسم كتلته ٢ كجم يتحرك جسم في حركة توافقية بسيطة وفق المعادلة: ص = ٤ جا π ن متر، جد:

- (١) اتساعه (أ) (٢) تردده الزاوي (ω) (٣) تردده (٤) أقصى طاقة حركه للجسم
- (٥) أقصى قوة مسببه لعجلة الجسم.

(١٥) بندول بسيط طول خيطه ٤٠ سم في منطقه عجله الجاذبيه ١٠ متر/ث^٢ ازيح مسافه ٥ سم احسب: أ. التردد الزاوى ب. عجله حركة البندول.

١٦) يتحرك جسم حركه توافقيه وفق المعادله: $\dot{\phi} = -\pi^2$ جا $(\pi^2 \text{ ن})$ جد:

١. الزمن اللازم لاكمال ٤ ذبذبات ب. طول الذبذبه الكامله. ج. اقصى عجله

د. اذا كانت كتله الجسم ١ طن احسب اقصى طاقه حركه.

١٧) جسم يتحرك حركه توافقيه اذا كان الاتساع ٢ سم والتردد ٢٠ هيرتز. اوجد:

١. معادله حركه الجسم ب. السرعه. ج. العجله بعد ثانييتين من بداية الحركه.

١٨) يتحرك جسم حركه توافقيه بسيطه باقصى ازاحه ١٠ سم وتردد ٥ هيرتز, جد سرعه الجسم بعد ٠,٠٥, ثانيه.

١٩) كتله مقدارها ٤٠ جم تتحرك حركه توافقيه وفق المعادله: $\ddot{x} = -\pi^2 x$ جا $(\pi^2 \text{ ن})$ جد:

١. التردد ب. السرعه بعد ثانيه. ج. اقصى طاقه حركه. د. اقصى قوه مسببه للحركه

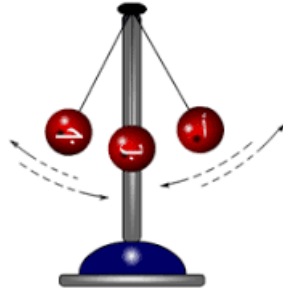
٢٠) جسم يتحرك حركه توافقيه وفق المعادله: $\ddot{x} = -\pi^2 x$ جا $(\pi^2 \text{ ن})$ اوجد:

أ. اقصى سرعه ب. تردد الحركه.

البندول البسيط

هو عبارة عن جسم مربوط بخيط طويل نسبياً ومثبت أعلاه في نقطة تعليق.

* يتكون البندول البسيط في أبسط صورة من:



(١) كرة معدنية

(٢) خيط

(٣) نقطة تعليق

* هناك قوتان تؤثر على جسم البندول هي:

(١) وزن الجسم (كرة البندول) لأسفل

(٢) الشد في الخيط (الأعلى)

السبب الرئيسي لرجوع كرة البندول لموضع الاتزان هو وجود قوة تعمل على إرجاع الجسم المهتز إلى وضع

الاتزان وهي تعمل في الاتجاه المعاكس لحركة الجسم لذا تؤخذ سالبة الإشارة.

* الشروط التي يجب توفرها حتى يتحرك البندول حركة توافقية بسيطة:

(١) وجود قوة تعمل على إبعاد الجسم عن موقع الاتزان.

(٢) أن تتوفر قوة استرجاع ترجع الجسم لموضع الاتزان وهي تزيد من سرعة الجسم وهو متحرك من وضع

الاتزان وتتنقص من سرعته عندما يتحرك بعيداً عنها.

(٣) انعدام قوة الاحتكاك.

* اهمية البندول البسيط:

١. إيجاد عجله الجاذبيه الارضيه. ٢. إيجاد طول الخيط المجهول. ٣. قياس ارتفاع المباني.

* معادلات البندول البسيط:

١. معادله الازاحه:

حيث:

$$s = l \sin \theta$$

س = ازاحه البندول . ل = طول الخيط . ω = التردد الزاوي.

٢. معادله العجله:

$$a = -\frac{g}{l} s$$

د = عجله الجاذبيه ل = طول الخيط س = الازاحه الافقيه.

* التردد الزاوي للبندول:

$$\omega = \frac{2\pi}{T} = \frac{2\pi}{l} \sqrt{\frac{g}{\theta}}$$

حيث: ل = طول الخيط . د = عجلة الجاذبيه الارضية

* التردد و الزمن الدوري:

$$\begin{aligned} \text{هيرتز} \quad \frac{1}{\pi^2} \sqrt{\frac{d}{l}} &= \text{ذ} \\ \text{ثانية} \quad \pi^2 \sqrt{\frac{l}{d}} &= \text{ز} \end{aligned}$$

* علاقه تربط بين عجلة الجاذبيه الارضيه والتردد والزمن الدوري:

$$\begin{aligned} d &= \pi^2 \text{ ل ذ}^2 \\ d &= \pi^2 \text{ ل}^2 / \text{ز}^2 \end{aligned}$$

* ملحوظه: اذا كان هناك اكثر من بندول بسيط فسيكون لهما نفس عجلة الجاذبيه الارضيه.

* علاقه تربط بين طول الخيط والتردد والزمن الدوري:

$$\begin{aligned} \text{ل} &= d / \pi^2 \text{ ذ}^2 \\ \text{ل} &= d \times \text{ز}^2 / \pi^2 \end{aligned}$$

* خطوات لعملية لحساب عجلة الجاذبيه الارضيه باستخدام البندول البسيط:

١. قياس طول الخيط.
٢. تحريك البندول بزاويه صغيره وحساب الزمن الدوري عن طريق ساعه الايقاف.
٣. التعويض فى القانون اعلاه.

* مهم : لايجاد زاويه التذبذب ه = طول القوس ÷ طول الخيط

أمثلة

١. بندول طوله ٠.١ م أحسب زمنه الدوري وتردده الزاوي علماً بأن عجلة الجاذبية تساوي ١٠ م/ث^٢

٢. بندول بسيط طوله ١٤,٤ سنتيمتر وعجلة جاذبيته ١٠ متر/ث^٢. أحسب:

١- تردده الزاوي ٢- تردده ٣- زمنه الدوري

٣. أوجد طول بندول زمنه الدوري ٤ ثواني وعجلة جاذبيته ١٠ م/ث^٢ (خذ $\pi = ١٠$)

٤. لقياس عجلة السقوط الحر استخدم بندول طوله ١ سم ووجد أن متوسط زمنه الدوري ٢ ثانية ،
أحسب عجلة السقوط الحر: (خذ $\pi = ١٠$).

٥. تخيل أنك على سطح كوكب وأردت قياس وزنك فاستخدمت لذلك بندول طوله ٤ متر وحركته بمعدل ١٢٠ ذبذبة كل ٨ دقائق، ما مقدار وزنك معتبراً كتلتك ٦٠ كجم (خذ $\pi = ١٠$).

٦. بندول بسيط تردده ٠,٤ هيرتز وطوله ٠,٥ متر. كم يجب أن يصبح طوله ليكون تردده ٠,٨ هيرتز؟

٧. بندول بسيط طوله ٠,٤ متر يتحرك حركة توافقية بسيطة في مجال ثقالي عجلته ١٠ م/ث^٢ باتساع قدره ٢ سم . أحسب:

- أ- التردد ب- التردد ج- الزمن الدوري د- أقصى سرعة للبندول
هـ- طول الذبذبة الكاملة و- زاوية الذبذبة

٨. برهن أن السرعة في الحركة التوافقية البسيطة تعطى من العلاقة الآتية:

$$v = \omega \sqrt{A^2 - x^2}$$

٩. بندول طوله ٠.٠٠١ م وعجلة الجاذبية ١٠ م/ث^٢، أحسب :

- ١- التردد الزاوي ٢- التردد ٣- الزمن الدوري

١٠. أجريت تجربة عملية لتعيين عجلة الجاذبية الأرضية في مكان ما باستخدام بندول بسيط طوله ١٠

أمتار ، فإذا كان البندول يعمل ٢١٠ اهتزازة كاملة خلال ٢٢ دقيقة، أحسب قيمة عجلة الجاذبية

الأرضية في ذلك المكان (اعتبر $\pi = \frac{22}{7}$)

١١. أحسب الزمن الدوري لبندول طوله يساوي ربع عجلة الجاذبية:

١٢. جسم يتحرك بحركة توافقية بسيطة إذا كان الاتساع 0.2 م والتردد 20 هيرتز، أوجد:

أ- معادلة حركة الجسم ب. السرعة ج. العجلة بعد مرور 4 ثواني

١٣. بندول بسيط طول خيطه 40 سم وكتله كرتة 400 جم يهتز في مكان عجله الجاذبية الأرضية

10 م/ث^٢ أزيحت كرتة البندول بزاوية 30 درجة جد:

الازاحة الأفقية. ب. عجله حركة البندول ج. الشد في الخيط د. أكبر قيمة للوزن

١٤. بندول بسيط طوله 80 سم اذا كانت عجله جاذبيته 9.8 م/ث^٢ جد:

١. التردد الزاوي ب. الزمن الدوري للبندول ج. تردد البندول.

١٥. إذا كان الاتساع ٠,٨ متر والتردد الزاوي ٥ راديان/ث فإن معادلة الحركة التوافقية البسيطة هي :

نماذج لامتحانات الشهادة

* اعمل الآتى:

١١. هي الحركة التى تتناسب فيها العجلة طرديا مع سالب الازاحة.
١٢. اقصى ازاحة للجسم عند الزاوية.....
١٣. اقصى عجلة للجسم عند الزاوية.....
١٤. اقل سرعة للجسم المهتز عند الزاوية.....
١٥. التردد الزاوى فى البندول البسيط يتناسب طرديا مع وعكسيا مع
١٦. عند اقصى ازاحة ص =

١٧. أقصى سرعة عند موضع الاتزان و بالتالي أقصى طاقة.....
١٨. تنعدم العجلة عند موضع الاتزان و بالتالي تنعدم.....
١٩. التردد الزاوى للبندول البسيط يتناسب طرديا مع وعكسيا مع

* اذكر الآتى:

٤. مثالين لحركة توافقية بسيطة افقية:
٥. يتكون البندول البسيط في أبسط صورة من:
٦. هناك قوتان تؤثر على جسم البندول هي:
٧. اذكر طريقه واحده لزيادة التردد الزاوى للبندول البسيط:
٨. الشروط التي يجب توافرها حتى يتحرك الجسم حركة اهتزازية:

٩. القوة في الحركة التوافقية البسيطة تظهر في شكل:.....

١٠. طريقة عملية واحدة لعمل زيادة التردد الزاوي للبندول البسيط:.....

١١. لديك بندول بسيط وساعة إيقاف, وضح خطوات تجربه لايجاد عجلة الجاذبيه على سطح الارض:

أ.

ب.

ت.

حل المسائل التالية

١. يتحرك جسم في حركة توافقية بسيطة وفق المعادلة: ص = ٤٠ جا $\pi ٨٠$ ن متر, جد:

(١) اتساعه (أ) (٢) تردده (ذ) (٣) تردده الزاوي (و) (٤) زمنه الدوري (ز)

٢. يتحرك جسم حركة توافقية بسيطة باتساع قدره $٢\sqrt{}$ متر وتردده ١ هيرتز :

١/ اكتب معادل حركته ٢/ أحسب الازاحة بعد ٢ ثانية ٣/ السرعة والعجلة بعد ثانيتين من بداية حركته

٣. يتحرك جسم في حركة توافقية باتساع قدره ١ متر وتردد مقداره ٢ هيرتز. جد معادلة الحركة التوافقية

للجسم وجد كذلك سرعته وعجلته بعد ٨ ثواني من بداية الحركة.

٤. بندول طوله ١ملم أحسب زمنه الدوري وتردده الزاوي علماً بأن عجلة الجاذبية تساوي ١٠م/ث^٢

٥. حركه توافقية بسيطه ترددها ٤ هيرتز ورحلة الذهاب والاياب من نقطة الاتزان مرتين تعادل ٤٠ سم.
جد:

١. التردد الزاوى

٢. معادلة سرعة الجسم

٦. المعادله (ج = - ١٦ س) لبندول بسيط متحرك, حيث:

ج = عجلة حركة البندول , س = تمثل الازاحة الافقية , من المعادلة اوجد:

أ. التردد الزاوى للحركه:

ب. تردد البندول البسيط:

٧. يتحرك جسم حركة توافقية بسيطة بتردد مقداره ٢ هيرتز واتساع يعادل ١٠ متر. جد:

٤- التردد الزاوي ٢- موضع الجسم بعد ثانيتين ونصف من بداية الحركة

٤- الزمن اللازم لإكمال ذبذبتين كاملتين.

٨. أوجد طول بندول زمنه الدوري ١ ثانيه وعجلة جاذبيته ١٠ م/ث^٢ (خذ $\pi^2 = ١٠$) ؟

٩. تخيل أنك على سطح كوكب وأردت قياس وزنك فاستخدمت لذلك بندول طوله ١ متر وحركته بمعدل ٦٠ ذبذبة كل ٣٠ ثانية، ما مقدار وزنك معتبراً كتلتك ٩٠ كجم ($\pi^2 = 10$) ؟

١٠. بندول بسيط أقصى ازاحه له ٢ سم وعجلته القصوى ٠,٥ م/ث^٢ اذا علمت ان عجله السقوط الحر ١٠ م/ث^٢ احسب الاتى: ا. طول الخيط. ب. زاويه التذبذب ج. الازاحه الزاويه (الزاويه المزاحه).

١١. بندول بسيط طوله ٢ متر يتحرك حركة توافقية بسيطة وعجلة جاذبيته ١٠ م/ث^٢ باتساع قدره ٢ سم احسب: أ- التردد الزاوى ب- التردد ج- أقصى سرعة للبندول د- طول الذبذبة الكاملة

١٢. جسم يتحرك حركة توافقية بسيطة وفق المعادلة $x = 2\sqrt{2} \cos(\omega t)$ جا (ω ن) فإن مقدار الزاوية المزاحه (ω ن) = درجة = راديان.

١٣. كتلة مقدارها ٤٠ جرام تتحرك فى حركة توافقية بسيطه وفق المعادله: $x = 2\pi \sin t$ ن. اوجد:

١. مقدار التردد:
٢. سرعة الجسم بعد ثانية:
٣. أقصى طاقه حركية للجسم:
٤. أقصى قوه تسبب العجله:

١٤. يهتز بندول زنبركي راسيا فوق سطح منضده فكان ادني موضع له علب بعد ٦ سم من سطح المنضده بينما اعلي موضع له علي بعد ٢٦ سم من سطح المنضده جد الاتي:

١. الاتساع بالسـم.

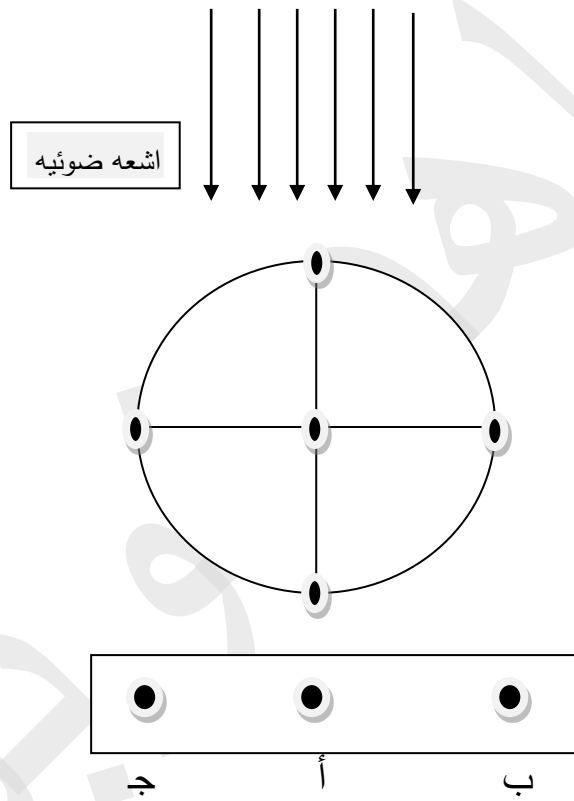
٢. طول ٣ ذبذبات له بالسـم.

١٥. المستطيل في الرسم يمثل ظل حركه جسم يتحرك حركه دائريه منتظمه نصف قطرها ٨ سم, فاذا كان الزمن المستغرق من النقطة أ الى ب يساوى ٥ ثوانى. اجب عن الاتي:

٣. ما نوع حركه ظل الجسم:

٤. احسب مقدار تردد حركه الظل:

٥. اكتب معادلة حركه سرعة الجسم:



التعليلات:

١. تتناسب العجله طرديا مع سالب الازاحه في الحركه التوافقية.

٢. في تجربه البندول لا تؤثر الكتلـه في قيمه عجله الجاذبيه.

٣. عند ازاحه البندول بزوايه كبيره لا تكون حركه توافقية بسيطه.

٤. لماذا يزاح البندول بزوايه صغيره.

الفصل الثالث الموجات

(اليد التي تتهضك عند تعثرك أصدق من الف يد تصافحك عند الوصول)

لا تيأس... فقد تكون محطة اليأس التي تمتلك الآن هي آخر محطة قبل النجاح

الموجات

هى ذبذبات او اهتزازات تسرى فى الاوساط المادية والفراغ.

* تنقسم الحركات الموجية الى:

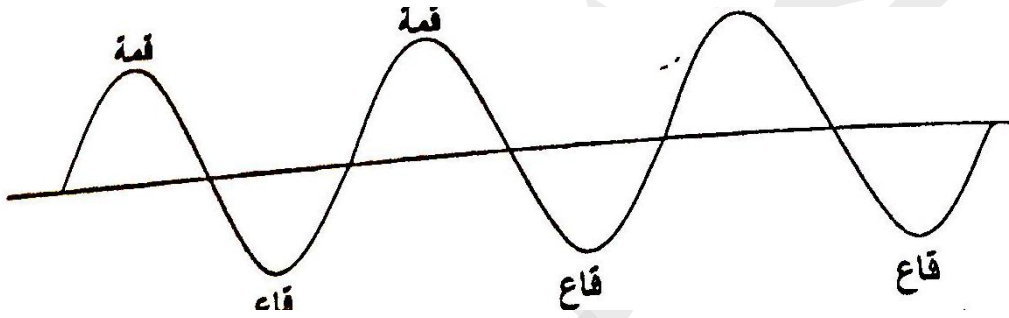
١. حركة موجية تحتاج الى وسط مادي تنتشر فيه, مثل موجة: الماء - الزنبرك - الصوت.

٢. حركة موجية لا تحتاج الى وسط مادي تنتشر فيه. مثل: الموجات الكهرومغناطيسية.

* **طول الموجة:** هو المسافة التى تكمل خلالها الموجة اهتزازة او ذبذبة كاملة.

* انواع الموجات:

١. **الموجة المستعرضة:** وهى الموجة التى يكون اتجاه اهتزازها او تذبذبها عمودى على اتجاه انتشار الموجة. وتكون فى شكل قمم وقيعان. ومن امثلتها: ١- موجات الماء ٢- الموجات الكهرومغناطيسية.

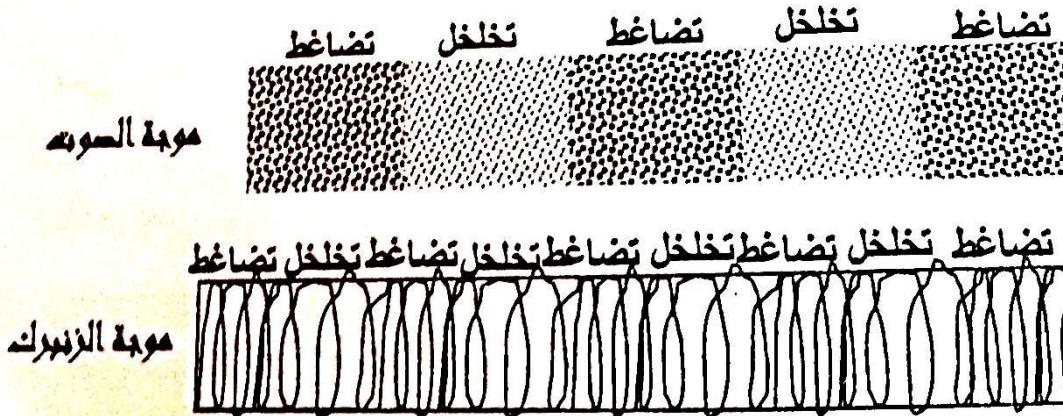


* **القمة:** وهى النهاية العظمى للازاحة فى الاتجاه الموجب.

* **القاع:** وهو النهاية العظمى للازاحة فى الاتجاه السالب.

* **الطول الموجى لموجة مستعرضة:** هو المسافة بين قمتين متتاليتين او قاعين متتاليين.

٢. **الموجات الطولية:** وهى الموجة التى يكون اتجاه اهتزازها فى نفس اتجاه انتشار الموجة. وتكون فى شكل تخلخلات وتضاغطات. ومن امثلتها: ١- موجات الصوت ٢- موجات الزنبرك.



* **التخلخل:** وهو تباعد جزيئات الوسط.

* **التضاغط:** وهو تقارب جزيئات الوسط.

* **الطول الموجى لموجة طولية:** هو المسافة بين مركزى تخلخلين متتاليين او تضاغطين متتاليين.

* **الطول الموجي = المسافة من نقطة البداية ÷ عدد الموجات**

$$\frac{س}{عد} = \lambda$$

- س : المسافة التي تحركتها الموجه.

- عد : هي عدد الاطوال الموجيه من نقطة البدايه حتى (س).

* **سرعة الموجه (ع):** هي المسافة التي تقطعها الموجه في الثانية الواحدة.

$$ع = \lambda \times ذ$$

* **تردد الموجه (ذ):** هو عدد الاطوال الموجه في الثانية.

$$ذ = عد \div ن$$

- عد : هي عدد الاطوال الموجه خلال الفتره الزمنيه (ن) فقط.

* **ملحوظة:** الفرق بين الموجه و الحركة التوافقية البسيطة ان الموجه تتحرك مسافة بمرور الزمن.

* **معادلة الموجه الساكنة:**

$$ص = أ جا \frac{2\pi}{\lambda} س$$

حيث:

ص = الازاحة الرأسية , س = الازاحة الافقية , أ = الاتساع.

λ = الطول الموجي.

* **معادلة الموجه المتحركة:**

$$ص = أ جا \frac{2\pi}{\lambda} (س - ع \times ن)$$

حيث:

ع = سرعة الموجه , ن = الزمن , ف = ع × ن = المسافة التي تحركتها الموجه.

تمرين عام

* **عرف الاتي:**

(١) الموجه:

(٢) تردد الموجه:

(٣) طول الموجه:

(٤) التخلخل:

٥) القاع:

* اكمل الاتى:

١) اذا كانت $v = \lambda \frac{2\pi}{\lambda}$ س تمثل معادلة موجة ساكنة اذا :

أ = س = = λ =

٢) تتكون الموجة الطولية من و بينما تتكون الموجات المستعرضة

من و

٣) الموجة المستعرضة تحتاج الى وسط ناقل مثل موجة

٤) (٢٠٢٢) قارن بين الموجة الطولية والمستعرضة من حيث:

أ. البنية:

ب. النموذج والمثال:

* علل لما ياتى:

١. لا تنتشر موجات الصوت فى الفراغ

حل المسائل التالية

١) موجة متحركة بسرعة ٦٠٠ م/ث فإذا كان عدد الاطوال الموجية التى تمر خلال ثانية واحدة ٢٠٠

طولا موجيا. جد الطول الموجى لهذه الموجة.

٢) (٢٠٢٢) حركه موجيه ترددها ٦٠٠ هيرتز وسرعتها ٢٠٠ متر/ث واتساعها ٤٠ سم. جد:

أ. طول الموجه:

ب. اكتب معادلة الموجه:

٣) موجة متحركة بسرعة ١٢ م/ث فإذا كان عدد الاطوال الموجية التي مرت خلال نص دقيقة ٩٠ طولاً موجياً. أحسب: أ- تردد الموجة ب- الطول الموجي.

٤) موجة متحركة إتساعها ٥ أمتار وطولها الموجي ٥٠ متراً فإذا كان عدد الاطوال التي مرت خلال ثانيتين ٨٠ طولاً موجياً. اكتب معادلة حركة الموجة.

٥) موجة متحركة معادلتها في الصورة $v = 9 \text{ جا } \frac{\pi}{30} (s - 180^\circ)$ أوجد :

- أ. الاتساع: ب. الطول الموجي:
ج. سرعتها: د. ترددها:

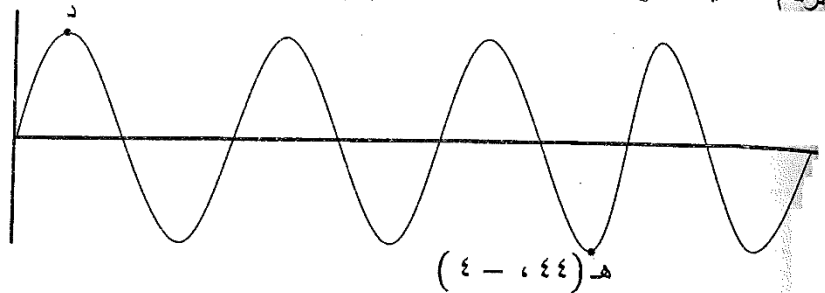
٦) $v = \frac{\pi}{4} (s - 200^\circ)$ أوجد:

- أ. الاتساع: ب. الطول الموجي:
ج. سرعتها:

٧) موجة معادلتها $v = 8 \text{ جا } \frac{\pi 5}{150} (s - 300^\circ)$ أوجد:

- أ. الاتساع: ب. الطول الموجي:

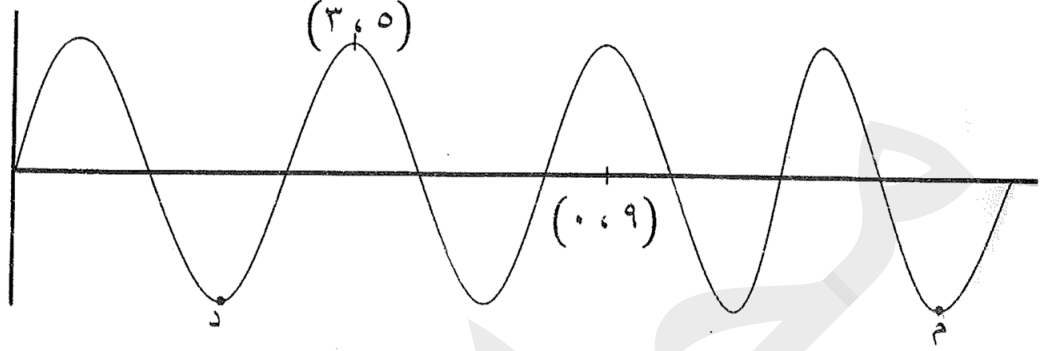
٨) الرسم أدناه يمثل موجة متحركة. أدرس الرسم ثم أجب عن الأسئلة الواردة أدناه :



فإذا كان الزمن الذي تستغرقه الموجة من د إلى هـ $\frac{5}{12}$ ثانية.

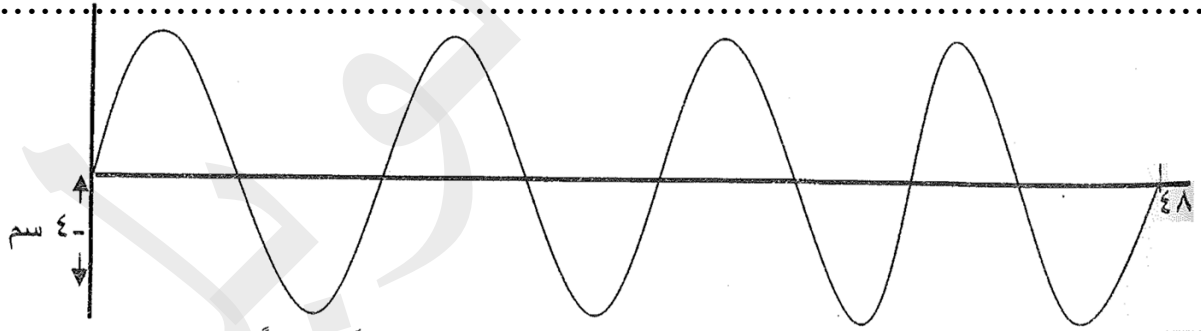
أحسب: ١- تردد الموجة ٢- الطول الموجي ٣- سرعة الموجة

ب- اكتب معادلة الموجة.



إذا كان الزمن الذي تستغرقه الموجة للانتقال من النقطة (د) الى النقطة (م) = ٠,٥ ثانية .

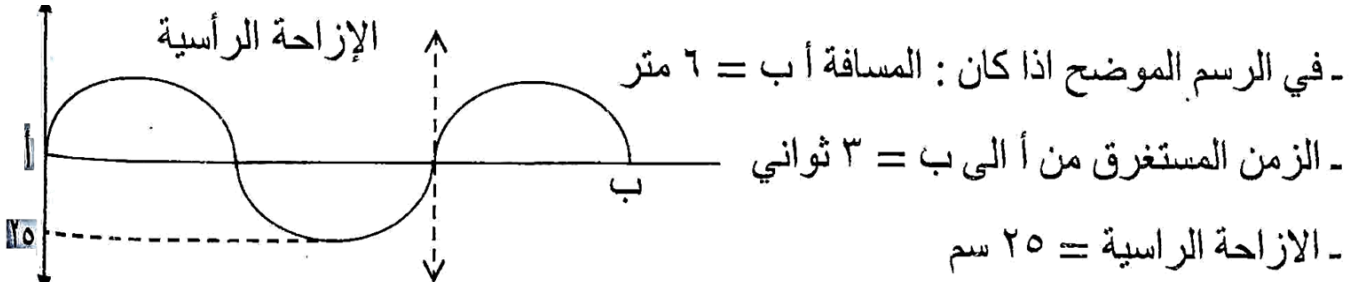
أ- جد : ١- إتساع الموجة ٢- تردد الموجة ٣- الطول الموجي ٤- سرعة الموجة



إذا كان عدد الأطوال الموجية التي تمر خلال ٤ ثواني = ٦٠ طولاً موجياً .

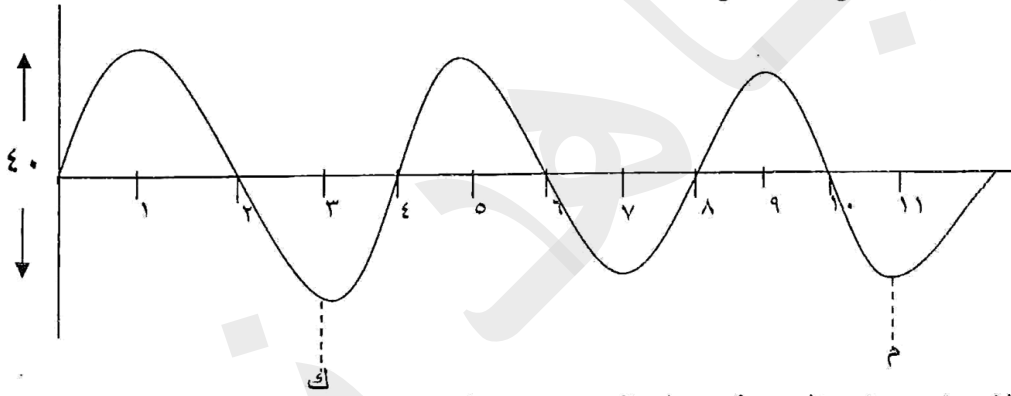
اكتب معادلة حركة هذه الموجة .

(١٠)



- (i) أوجد طول الموجة .
(ii) أوجد تردد الموجة .
(iii) أكتب معادلة الموجة .

(١١) الرسم ادناه يمثل موجة متحركة :



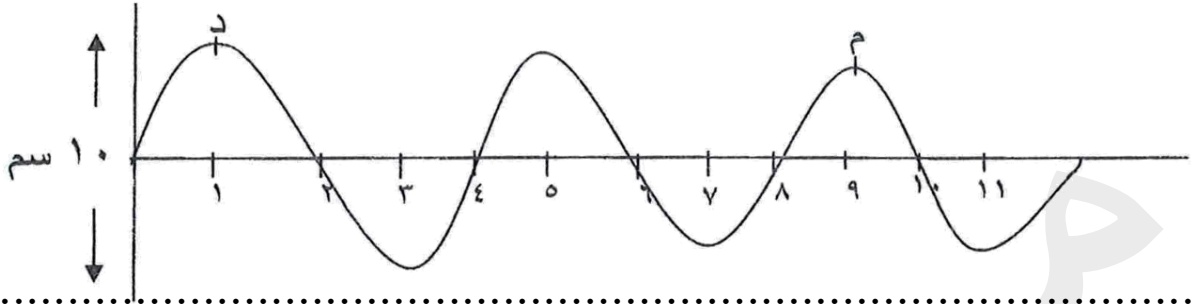
إذا الزمن الذي استغرقته الموجة من ك الى م = ٨ ثواني .
أوجد :

- أ - الاتساع ب - الزمن الدوري ج - التردد
د - الطول الموجي هـ - السرعة و - أكتب معادلة الموجة

(١١)

الرسم أدناه يمثل موجة متحركة ، فإذا قطعت هذه الموجة المسافة د م خلال ٤ ثواني . أوجد :

أ - تردد الموجة ب - الطول الموجي ج - سرعة الموجة د - معادلة الموجة



٢ (١) - الرسم يمثل حركة موجية بتردد 10×5 هيرتز

(اعتبر أبعاد النقطة أ (٤ ، $\pi ٥$) بالأمتار

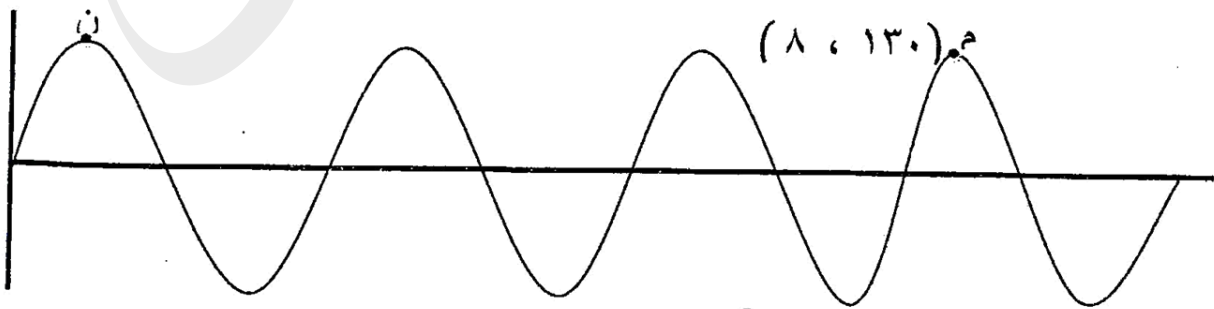
أوجد : ١- الطول الموجي ($\pi ٤$ متر)

٢- سرعة الموجة ($10 \times \pi ٢$ متر/ث)

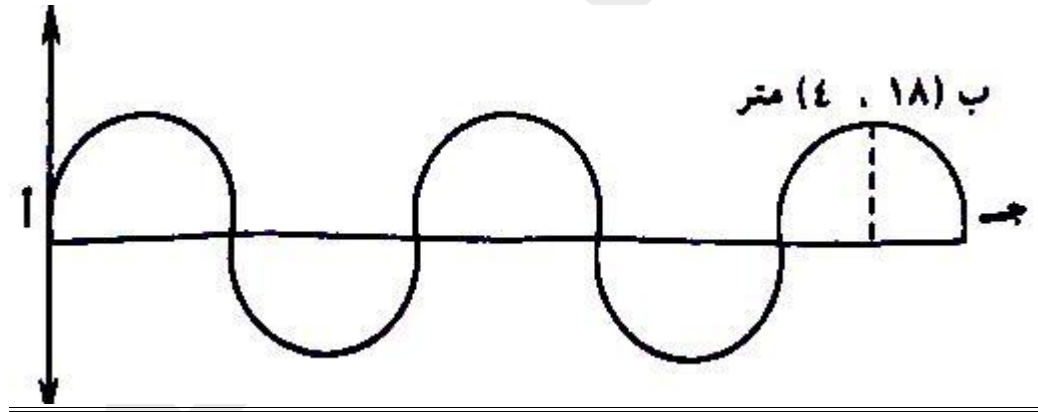
٣- أكتب معادلة الموجة

(١٣)

الرسم أدناه يمثل موجة متحركة ، فإذا كان الزمن الذي تستغرقه للإنتقال من النقطة ن الى النقطة م ٣٠ ثانية . أكتب معادلة الموجة .



١٤ (٢٠٢٢) الرسم يوضح موجة متحركة من النقطة (ا) الى النقطة (ج) خلال ٥ ثواني, اذا كانت المسافه ا ج تعادل ٢٠ متر. جد:



- أ. تردد الموجة:
- ب. طول الموجة:
- ت. اتساع الموجة:
- ث. سرعة الموجة:
- ج. عدد الذبذبات في ٢٠ ثانية:

التعليات:

١. الموجات الكهرومغناطيسيه لا تحتاج الى وسط تنتقل فيه.....
٢. تستخدم الموجات فوق السمعيه في تعقيم مياه الشرب.....
٣. تعتبر موجات الصوت موجات طوليه.....